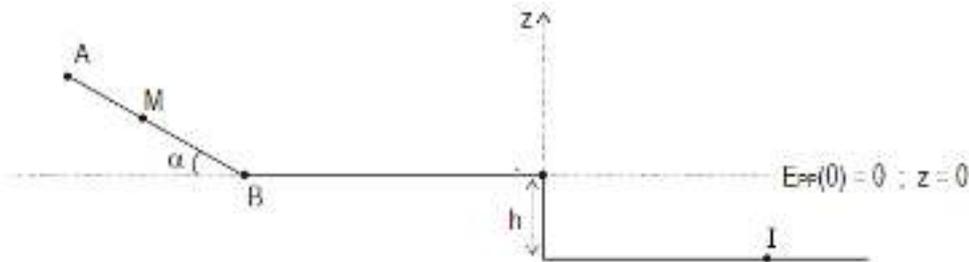


**Série P<sub>3</sub> : ENERGIE POTENTIELLE ET ENERGIE MECANIQUE****EXERCIE1.**

Un solide (S) supposé ponctuel de masse  $m$  glisse sur un trajet ABC avant de tomber en un point I (voir figure)

Données :  $AB=L=2\text{m}$  ;  $BC = L' = 1\text{m}$  ;  $\alpha=30^\circ$  ;  $h=2\text{m}$  ;  $m=25\text{kg}$  ;  $g =9,8\text{N/kg}$



On se propose de faire une étude énergétique du système (solide +Terre)

**1. Etude énergétique sur AB**

La partie AB est inclinée d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale. Le solide quitte le sommet A sans vitesse initiale. Les forces de frottement sont négligeables.

1.1. Faire le bilan des forces appliquées au système (solide +Terre). Les représenter qualitativement.

1.2. Montrer que cette force ne modifie pas l'énergie du système.

1.3. Faire le bilan énergétique du système (solide +Terre) en A, M et B.

1.4. Que peut-on dire de l'énergie mécanique du système ?

1.5. En déduire :

1.5.1. La vitesse  $V_B$  du solide au point B.

1.5.2. L'altitude  $z_M$  du solide au point M sachant que  $V_M=1,5\text{m/s}$ .

**2. Etude énergétique sur BC**

En B ; (S) aborde le trajet BC avec la vitesse  $v_B=4,43 \text{ m.s}^{-1}$ . Sur ce trajet, il existe une force de frottement de valeur constante et de sens opposé au vecteur déplacement.

2.1. Représenter les forces qui s'exercent sur le système (solide + Terre) entre B et C.

2.2. Préciser l'influence de chacune de ces forces sur l'énergie mécanique du système.

2.3. Faire le bilan énergétique du système.

2.4. Que peut-on dire de l'énergie mécanique du système ?

2.5. Calculer l'intensité  $f$  des forces de frottement sachant que  $v_C=3\text{m.s}^{-1}$ .

**3. Etude énergétique dans le champ de pesanteur**

En C, (S) tombe dans le vide, dans le champ de pesanteur, avant de chuter au point I avec la vitesse  $v_I$ .

On considère le système (Terre + solide).

3.1. Comment peut-on qualifier un tel système ?

3.2. Quelle est la conséquence sur son énergie mécanique ?

3.3. En déduire la vitesse de chute  $v_I$  du solide au point I.

**EXERCICE**

L'origine des altitudes et la position de référence sont prises au niveau du plan horizontal.

Toute application numérique doit être précédée d'une application littérale.

Un solide (S) de masse  $m = 2\text{kg}$  descend un plan AB incliné d'un angle  $\alpha = 30^\circ$  avec l'horizontale. Arrivé au bas du plan incliné, il rencontre un plan horizontal BC où il subit

des forces de frottements d'intensité constante  $f$ . En C, il monte sur une surface circulaire CD de rayon  $r$ . (Voir figure)



1. Déterminer l'énergie mécanique de (S) :
  - a. Dans la position initiale A
  - b. Sachant qu'un  $1/4$  de l'énergie mécanique est perdue par frottement au cours du trajet AB. En déduire la vitesse  $V_B$  du solide (S) en B.
- 2.a. Déterminer et représenter les forces agissant sur le solide pendant le tronçon AB.
  - b. Enoncer le théorème de l'énergie cinétique.
  - c. Déterminer l'intensité de  $f$  pour que le solide arrive en C avec 50% de sa vitesse en B.
3. Exprimer la vitesse  $V_M$  du solide en fonction de  $r$ ,  $\theta$ ,  $V_B$  et  $g$ :
  - a. En utilisant le théorème de l'énergie cinétique.
  - b. En utilisant la conservation de l'énergie mécanique.
  - c. Montrer que le solide n'arrive pas en D.

**Données** :  $g=10\text{N/kg}$  ;  $h=2\text{m}$  ;  $BC=150\text{m}$  ;  $r=10\text{dm}$

### EXERCICE

Dans tout l'exercice, les frottements sont négligés.

Un pendule est constitué d'une tige rigide de masse négligeable, de longueur  $\ell=OA=OM$  et d'un corps assimilable à un point matériel de masse  $m$  fixé en A à la tige. Le système est initialement dans la position d'équilibre stable : OA vertical (voir figure ci-contre).

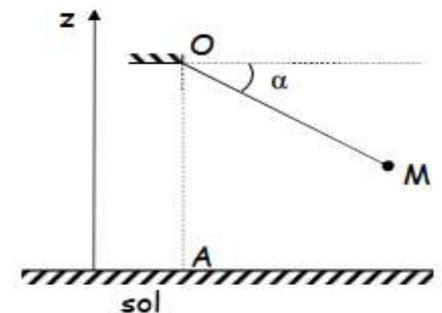
À partir de cette position d'équilibre, on lance le pendule avec une vitesse  $V$  en A.

1. Exprimer en fonction de  $m$ ,  $g$ ,  $\ell$  et  $\alpha$  l'énergie potentielle du corps lorsqu'il passe en un point M, en prenant comme état de référence pour l'énergie potentielle

- 1.1. Le point A (niveau du sol)
- 1.2. Le point O
- 1.3. Les comparer et conclure.

2. Calculer la variation d'énergie potentielle du corps lors de son déplacement de A à M :

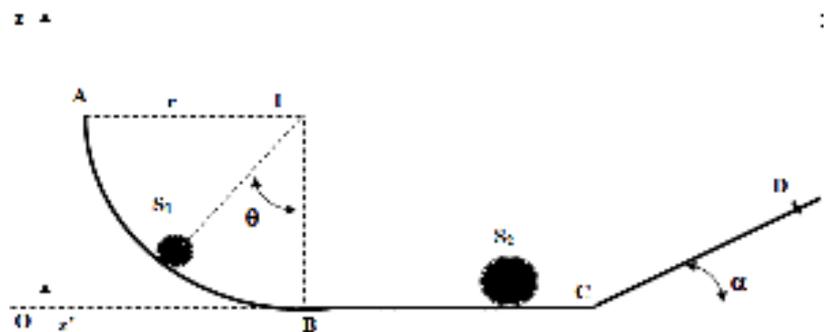
- 2.1.  $\Delta EP$  pour l'état de référence en A.
- 2.2.  $\Delta EP'$  pour l'état de référence en O.
- 2.3. Comparer  $\Delta EP$  et  $\Delta EP'$ . Conclure



3. Exprimer en fonction de  $g$  et  $\ell$ , la vitesse minimale  $V_{\min}$  avec laquelle il faut lancer le corps pour que celui-ci puisse atteindre le point A' symétrique de A par rapport à O

### EXERCICE

On se propose d'étudier le mouvement d'un solide  $S_1$  supposé ponctuel, de masse  $m_1=100\text{g}$  le long du trajet ABCD représenté sur la figure. Le trajet AB est circulaire de centre I et de rayon  $r=0,2\text{ m}$ , le trajet BC est horizontal. Les frottements sont négligeables le long de ABC. Le trajet CD est un plan incliné dont la ligne de plus grande pente fait un angle  $\alpha = 30^\circ$  avec l'horizontale.



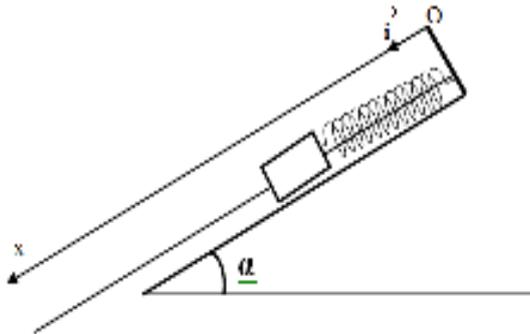
Le solide  $S_1$  est lâché sans vitesse initiale au point A, On prendra  $g = 10 \text{ N/kg}$ .

- 1- En appliquant le théorème d'énergie cinétique, établir l'expression de la vitesse du solide  $S_1$  au point B.
- 2- Montrer que le mouvement du solide  $S_1$  est uniforme le long du trajet BC.
- 3- La vitesse  $V_1$  acquise par  $S_1$  en B est celle avec laquelle il entre en collision parfaitement élastique (choc) avec un solide  $S_2$  de masse  $m_2$  initialement au repos. La vitesse de  $S_2$  juste après le choc est  $V_2 = 1 \text{ m.s}^{-1}$ . Sachant que  $V_2/V_1 = 2m_1/(m_1 + m_2)$ , calculer  $m_2$ .
- 4- Arrivant au point C à la vitesse  $V_2$ , le solide  $S_2$  aborde la partie inclinée du parcours et arrive avec une vitesse nulle au point D. On donne  $CD = 20 \text{ cm}$ .
- 4-1- Montrer que le solide  $S_2$  est soumis à une force de frottement  $f$  entre les points C et D.
- 4-2- Donner les caractéristiques de  $f$ .

### **EXERCICE**

Un solide de masse  $m_1 = 100 \text{ g}$  peut coulisser le long d'un plan incliné  $\alpha = 30^\circ$  par rapport à l'horizontal. Le solide S est relié à un ressort de constante de raideur  $100 \text{ N/m}$  dont l'autre extrémité est fixe (voir figure)

La position O, à l'équilibre, de l'extrémité M du ressort est prise comme origine  $(O, \vec{i})$  d'un repère orienté comme le montre la figure



1. Donner l'expression littérale et calculer l'énergie potentielle élastique  $E_{pe}$  du système en équilibre en fonction de l'allongement  $\Delta l_0$  du ressort. Donnée :  $g = 10 \text{ N/kg}$
2. Un manipulateur saisit le solide S et le tire vers de telle sorte que l'abscisse de M soit égale  $X_M = -a = -3 \text{ cm}$   
Donner l'expression littérale et calculer l'énergie potentielle élastique du système
3. Donner l'expression littérale et calculer l'énergie potentielle de pesanteur du solide en adoptant la position d'équilibre initiale comme état de référence
4. Le manipulateur lâche le solide S qui effectue alors des oscillations le long du plan incliné d'amplitude  $a$  ; les frottements sont négligeables  
Donner l'expression en fonction de  $x$  de l'énergie potentielle élastique  $E_{pe}$  et de l'énergie potentielle de pesanteur  
En déduire l'expression de l'énergie cinétique  $E_C$   
Calculer la vitesse du solide lorsque  $x = 2 \text{ cm}$
5. Représenter graphiquement en fonction de  $x$ ,  $E_{pp}$ ,  $E_{pe}$  et  $E_C$   
Mettre en évidence l'expression de la somme  $E_M = E_{pp} + E_{pe} + E_C$